

Egy  $G$  gráfot akkor nevezünk perfektnek, ha  $\chi(G) = \alpha(G)$  és ezentul  $G$  minden feszített  $G'$  részgráfjára teljesul, hogy  $\chi(G') = \alpha(G')$ .

## Tartalomjegyzék

- 1 Tétel 1
  - ◆ 1.1  
Bizonyítás:
- 2 Tétel 2
  - ◆ 2.1  
Bizonyítás:

### Tétel 1

Minden páros gráf perfekt.

#### Bizonyítás:

Egy  $G$  páros gráfnak minden feszített részgráfja is páros gráf, ezért elég belátni, hogy minden páros gráf perfekt. Ez triviálisan igaz, ugyanis egy páros gráf háromszogmentes, es ha legalább egy ele van akkor  $\alpha(G) = 2$  es  $\chi(G) = 2$ . Ha nincs ele a gráfnak, akkor pedig  $\alpha(G) = \chi(G) = 1$ .

### Tétel 2

Minden intervallumgráf perfekt.

#### Bizonyítás:

Intervallumgráfoknak intervallumgráfok a feszített részgráfjai, tehát ismet elég belátni, hogy minden intervallumgráf perfekt. Azt tudjuk, hogy  $\chi(G) \geq \alpha(G)$  ezért elég belátni, hogy  $\chi(G) \leq \alpha(G)$ . Legyen  $\alpha(G) = n$ . Szinezzuk a pontoknak megfelelo intervallumokat balrol jobbra, ugy, hogy a szinezetlen intervallumokbol azt szinezzuk eloszor amely leginkább balra van. Ha egy  $n + 1$ -edik szint kellene használnunk egy intervallum szinezesehez, az azt jelentene hogy ennek az intervallumnak egy resze benne van  $n$  másik intervallumban. Ez azt jelentene hogy van  $n + 1$  meretu klikk, ami ellentmondás.